

Lösungen zu „Potenzen und Wurzeln“

1 a) x^{n+1} b) q^{7-x} c) a^{2m-s+1} 2 a) $x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x + 1$ b) $x^4 - y^4$

3 a) $a^3b^2(a^2 - ab + b^4)$ b) $2a(a-b)$

4 a) $\dots = \left(\frac{4}{3}\right)^2 \cdot \left(\frac{15}{8}\right)^2 = \left(\frac{4 \cdot 15}{3 \cdot 8}\right)^2 = \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \frac{25}{4} = 6\frac{1}{4}$ b) $(abxy)^n$ c) $\frac{(a-b)^2}{(x+y)^2}$

5 a) a^{x-2} b) $\frac{1}{a^4} = a^{-4}$ c) $\frac{a^4}{(y-x)^3}$ d) $ax^2 + bx + \frac{d}{x} - \frac{e}{x^2} - c$ e) $x^3 + x^2 + x + 1$

f) $\frac{4a^2xc^n y^{n-1} z^{1-n}}{b} = 4a^2xc^n y^{n-1} z^{1-n} b^{-1}$

6 a) $\frac{x^5 + x^2 + 1}{x^6}$ b) $\frac{n^2}{n-1}$

7 a) 6 b) $4\sqrt{xy}$ c) a^2 d) $\sqrt{6}$ e) $c^2 \cdot \sqrt{3}$ f) $9 - 6 = 3$ g) $5y \cdot \sqrt[3]{10y}$

h) $4a - 2b - 2 \cdot \sqrt[3]{2a^2b^2} + \sqrt[3]{36ab}$

8 a) $\sqrt{16+4} = \sqrt{20} = \sqrt{4 \cdot 5} = 2\sqrt{5}$ b) $\sqrt{16-4} = \sqrt{12} = \sqrt{4 \cdot 3} = 2\sqrt{3}$

c) $\sqrt{(4 \cdot 2)^2} = \sqrt{8^2} = 8$ d) $\sqrt{16:4} = \sqrt{4} = 2$

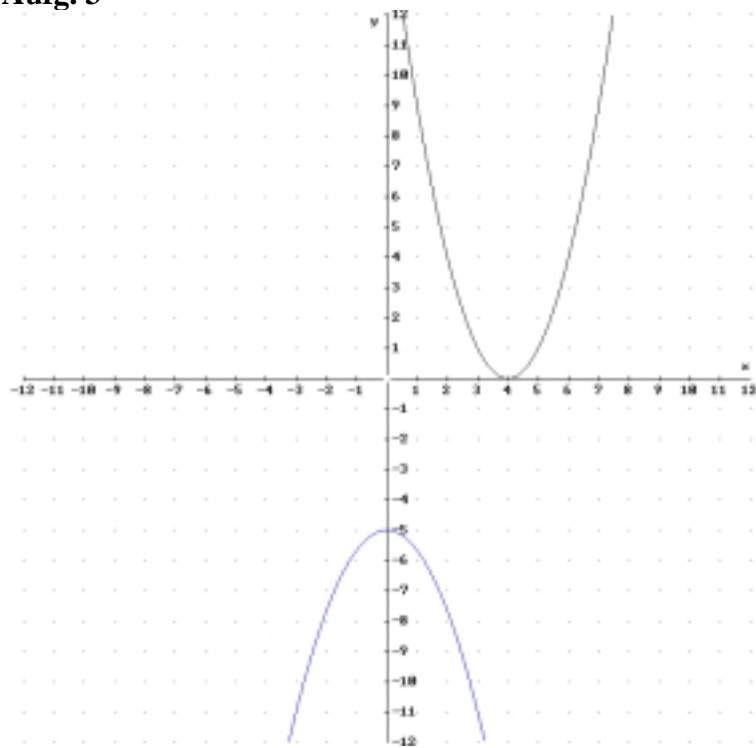
9 a) $\sqrt[4]{16 \cdot 3} = \sqrt[4]{48}$ b) $\sqrt{x^2 - \frac{y^2 x^2}{x^2}} = \sqrt{x^2 - y^2}$

Lösungen zu „quadratische Funktionen“

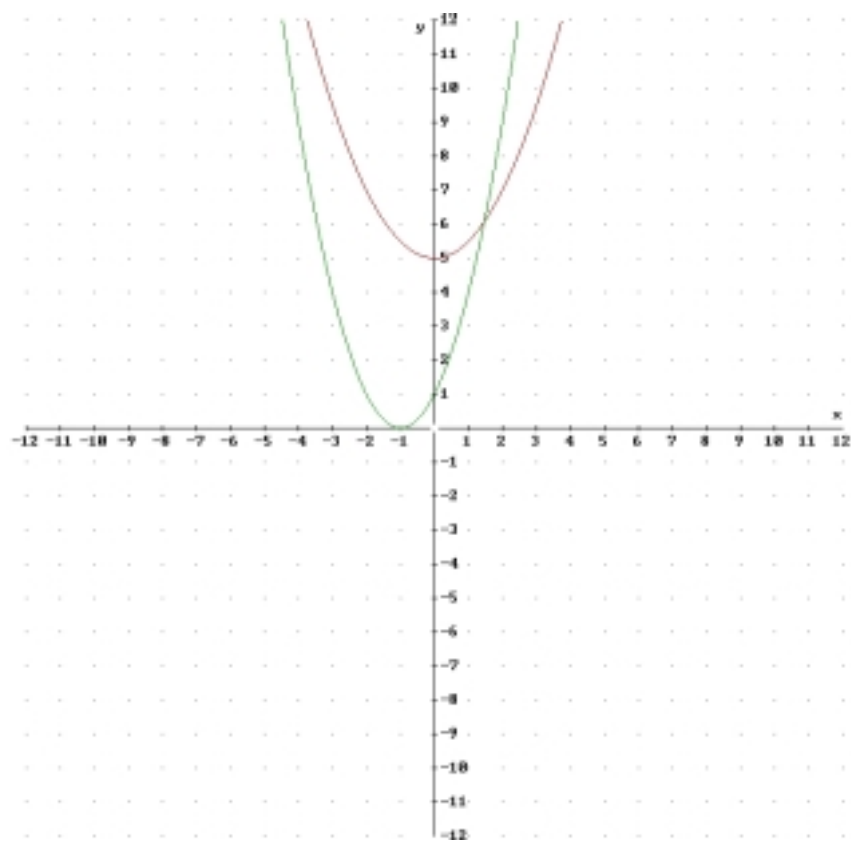
Aufg. 1 a) z.B. $f_1(x) = 5(x+4)^2 - 32$ b) z.B. $f_2(x) = (x+7)^2$

Aufg. 2 Nein, denn eine nach rechts geöffnete Parabel ist keine Funktion. Einem x-Wert werden mehrere y-Werte zugeordnet.

Aufg. 3



Aufg. 4



Aufg. 5

Graph $f_7(x)$: Die Parabel ist nach unten geöffnet, schmaler als normal (gestreckt) und hat ihren Scheitelpunkt bei $(0/-789)$

Graph $f_8(x)$: Die Parabel ist nach oben geöffnet, weder gestaucht noch gestreckt und hat ihren Scheitelpunkt bei $(-45/0)$

Aufg. 6

a) $f(x) = x$ (Winkelhalbierende des 1. und 3. Quadranten)

$f(x) = -x$ (Winkelhalbierende des 2. und 4. Quadranten)

$f(x) = x^2$ (Normalparabel)

Eigenschaften aller Parabeln: a) achsensymmetrisch b) Sie besitzen einen größten oder kleinsten Funktionswert (Scheitelpunkt)

Aufg. 7

$f_9(x) = -(x+6)^2 + 5$ $f_{10}(x) = -(x+2)^2 - 4$ $f_{11}(x) = -x^2$

$f_{12}(x) = (x-3)^2 + 2$ $f_{13}(x) = (x-7)^2$